

MR617267 (82f:58022) 58C30 (32M15)**Stachó, László L.****On the existence of fixed points of holomorphic automorphisms. (Italian summary)***Atti Accad. Naz. Lincei Rend. Cl. Sci. Fis. Mat. Natur. (8)* **67** (1979), no. 1-2, 8–9 (1980).

Soit B la boule-unité ouverte d'un espace de Banach complexe E . On sait que tout automorphisme biholomorphe de B se prolonge en une application continue f de la boule-unité fermée \overline{B} dans \overline{B} . On savait déjà dans un certain nombre de cas (par exemple, si E est de dimension finie, si E est un espace de Hilbert, ou si $E = l^\infty$) que cette application f admet toujours un point fixe dans \overline{B} .

Dans cet article, l'auteur montre que ce n'est pas le cas en général. En effet, si X est un espace topologique compact, il donne une condition suffisante sur X pour qu'il existe au moins un automorphisme biholomorphe de la boule-unité B de l'espace $\mathcal{C}(X)$ des fonctions complexes continues sur X n'admettant pas de point fixe dans \overline{B} . L'auteur étudie aussi d'autres exemples. Les démonstrations qui ne sont pas données, utilisent une description explicite des automorphismes de B .

Reviewed by Jean-Pierre Vigué

© Copyright American Mathematical Society 1982, 2008