

már 09, 02 0:00

Borwein2b.mu

Page 1/1

// Borwein kvadratikus algoritmusa

N:=5:

DIGITS:=73:

a:=sqrt(2): b:=0: p:=2+sqrt(2):

for i from 1 to N do

uj_a:=(sqrt(a)+1/sqrt(a))/2:

uj_b:=(sqrt(a)*(1+b))/(a+b):

uj_p:=p*uj_b*(1+uj_a)/(1+uj_b):

a:=uj_a:

b:=uj_b:

p:=uj_p:

print(float(p)):

print(Unquoted, "Eltérés: ".expr2text(float(p-PI))):

end_for;

már 09, 02 0:00

Borwein2.mu

Page 1/1

```
// Borwein kvadratikus algoritmusa

N:=6:
DIGITS:=500:

a:=sqrt(2): b:=0: p:=2+sqrt(2):
for i from 1 to N do
  uj_a:=(sqrt(a)+1/sqrt(a))/2:
  uj_b:=(sqrt(a)*(1+b))/(a+b):
  uj_p:=p*uj_b*(1+uj_a)/(1+uj_b):
  a:=uj_a:
  b:=uj_b:
  p:=uj_p:

elteres:=float(p-PI):
tizedesjegy_pontossag:=trunc(abs(trunc(log(10,elteres)))):
print(Unquoted, "Eltérés: ".
  expr2text(tizedesjegy_pontossag).
  " tizedesjegy."):
end_for;
```

már 09, 02 0:00

Borwein4.mu

Page 1/1

```
// Borwein kvartikus algoritmus  
  
N:=5:  
DIGITS:=1000:  
  
a:=6-4*sqrt(2): y:=sqrt(2)-1:  
for i from 0 to N-1 do  
  uj_y:=(1-(1-y^4)^(1/4))/(1+(1-y^4)^(1/4)):  
  uj_a:=a*((1+uj_y)^4)-2^(2*i+3)*uj_y*(1+uj_y+uj_y^2):  
  y:=uj_y:  
  a:=uj_a:  
  p:=1/a:  
  
  elteres:=float(p-PI):  
  tizedesjegy_pontossag:=trunc(abs(trunc(log(10,elteres)))):  
  print(Unquoted, "Eltérés: ".  
    expr2text(tizedesjegy_pontossag).  
    " tizedesjegy."):  
end_for;
```

már 09, 02 0:00

Ooura2.mu

Page 1/1

```
// Ooura kvadratikus algoritmus a PI kiszámítására.
// A módszer a Gauss-Legendre-féle számtani-mértani közép (AGM) gyorsított
// változata; az eredeti programban a szorzásokat gyors
// Fourier-transzformációval (FFT) végzik (ami további gyorsítás).
// Copyright (C) 1999 Takuya Ooura <ooura@mmm.t.u-tokyo.ac.jp>
// http://momonga.t.u-tokyo.ac.jp/~ooura/fft.html

DIGITS:=1000: // Itt kell megadni a pontosságot.
ELTERES:=10^(-DIGITS): //
SQRT_SQRT_ELTERES:=sqrt(sqrt(ELTERES)): //
n:=1: //

  c := sqrt(0.125):
  a := 1 + 3 * c:
  b := sqrt(a):
  e := b - 0.625:
  b := 2 * b:
  c := e - c:
  a := a + e:
  npow := 4:
  while e > SQRT_SQRT_ELTERES do
    npow := 2 * npow:
    e := (a + b) / 2:
    b := sqrt(a * b):
    e := e - b:
    b := 2 * b:
    c := c - e:
    a := e + b:
    n := n + 1: //
  end_while:
  e := e * e / 4:
  a := a + b:
  p := (a * a - e - e / 2) / (a * c - e) / npow:

float(PI); //
print(Unquoted, "Eltérés: ". //
expr2text(float(p-PI))); //
print(Unquoted, "Lépésszám: ". //
expr2text(n)); //
```

feb 23, 02 20:07

A1_I_40_1.mu

Page 1/1

```
/*++  
A1_I_40_1 -- Az Analízis I. példatár I/40. feladatából az 1. megoldása  
  
A1_I_40_1 (x,n)  
  
x - bemenő x (a feladatban 2)  
n - bemenő n  
++*/  
  
A1_I_40_1 := proc (x,n)  
begin  
    if n=1 then sqrt(x)  
    else sqrt(x*A1_I_40_1(x,n-1));  
    end_if;  
end_proc;  
  
// Példa:  
A1_I_40_1(2, 10);
```

feb 23, 02 20:11

A1_I_40_3.mu

Page 1/1

```
/*++  
A1_I_40_3 -- Az Analízis I. példatár I/40. feladatából a 3. megoldása  
  
A1_I_40_3 (x,n)  
  
x - bemenő x (a feladatban c)  
n - bemenő n  
++*/  
  
A1_I_40_3 := proc (x,n)  
begin  
    if n=1 then sqrt(x)  
    else sqrt(x+A1_I_40_3(x,n-1));  
    end_if;  
end_proc;  
  
// Példa:  
A1_I_40_3(2, 10);  
float(%);
```

feb 23, 02 20:14

A1_I_41_1.mu

Page 1/1

```
/*++
A1_I_41_1 -- Az Analízis I. példatár I/41. feladatából az 1. megoldása

A1_I_41_3 (x,n)

x - bemenő x
n - bemenő n
++*/

A1_I_41_1 := proc (x,n)
begin
    if n=1 then 0
    else x+A1_I_41_1(x,n-1)^2;
    end_if;
end_proc;

// Példa:
A1_I_41_1(-2, 10);
float(%);
```

feb 23, 02 20:59	A1_I_30_121.mu	Page 1/3
<pre> /+++ Al_I_30_121 -- Az Analízis I. példatár I/30. feladatából a 121. megoldása Al_I_30_121 (x,n) x - bemenő x n - bemenő n ++*/ Al_I_30_121 := proc (x,n) begin float(cos(x/n)^n); end_proc: // Példa: Al_I_30_121(0.2, 100); //////////////////////////////////// /+++ Al_I_30_121a -- Az Analízis I. példatár I/30./121. feladat közelítő megoldása Al_I_30_121a (x,h,m) x - bemenő x h - Cauchy-féle hibaküszöb m - maximális lépésszám ++*/ // Addig növeljük n-et, amíg a sorozat két szomszédos elemének különbsége // nem csökken h alá. (Cauchy-féle konvergenciakritérium.) Al_I_30_121a := proc (x,h,m) local i,v,f,f_e,d; begin if m<2 then return(FAIL); end_if; i:=1; v:=TRUE; while v and i<=m do f:=Al_I_30_121(x,i); if i>1 then d:=float(abs(f-f_e)); if d < h then v:=FALSE; end_if; // float... end_if; // i>1... i:=i+1; if v and i<=m then f_e:=f; end_if; end_while; // v and... i:=i-1; if not v then print(Unquoted,"Az n=" .expr2text(i-1). " esetben f(n+1)-f(n) <h"); else print(Unquoted,"Az n=" .expr2text(i-1). " esetben f(n+1)-f(n) =" . expr2text(d)); end_if; print(Unquoted,"f(n)=" .expr2text(f_e). " , f(n+1)=" .expr2text(f)); if not v then return(f); </pre>		

feb 23, 02 20:59	A1_I_30_121.mu	Page 2/3
<pre> else return(FAIL); end_if; end_proc: // Példa: Al_I_30_121a(0.5,0.0001,100); Al_I_30_121a(0.5,0.00001,100); //////////////////////////////////// /+++ Al_I_30_121b -- Az Analízis I. példatár I/30./121. feladat közelítő megoldása Al_I_30_121a (x,h,m) x - bemenő x h - Cauchy-féle hibaküszöb m - maximális lépésszám ++*/ // Addig növeljük n-et, amíg a sorozat szomszédos elemének különbsége // nem csökken h alá. (Cauchy-féle konvergenciakritérium.) // Az "a" verzióhoz képest annyit módosítunk, hogy n helyébe 2^n-et írunk. Al_I_30_121b := proc (x,h,m) local i,v,f,f_e,d; begin if m<2 then return(FAIL); end_if; i:=1; v:=TRUE; while v and i<=m do f:=Al_I_30_121(x,2^i); if i>1 then d:=float(abs(f-f_e)); if d < h then v:=FALSE; end_if; // float... end_if; // i>1... i:=i+1; if v and i<=m then f_e:=f; end_if; end_while; // v and... i:=i-1; if not v then print(Unquoted,"Az n=2^" .expr2text(i-1). " esetben f(2n)-f(n) <h"); else print(Unquoted,"Az n=2^" .expr2text(i-1). " esetben f(2n)-f(n) =" . expr2text(d)); end_if; print(Unquoted,"f(n)=" .expr2text(f_e). " , f(2n)=" .expr2text(f)); if not v then return(f); else return(FAIL); end_if; end_proc: // Példa: Al_I_30_121b(0.5,0.000000000001,100); </pre>		

feb 23, 02 20:59

A1_I_30_121.mu

Page 3/3

```
////////////////////////////////////  
// Ezután számos határérték-számítási feladatot gyorsan meg tudunk oldani:  
A1_I_39_7 := proc (n)  
local szorzat,i;  
begin  
    szorzat:=1;  
    for i from 1 to 2*n-1 step 2 do  
        szorzat:=szorzat*i;  
    end_for;  
    return(n/(szorzat^(1/n)));  
end_proc;  
  
// Lusták trükkje:  
A1_I_30_121 := proc (x,n)  
begin  
    float(A1_I_39_7(n));  
end_proc;  
  
// Példa (sajnos, ennél a sorozatnál problémás...):  
A1_I_30_121b(0.5,0.00001,10);
```

feb 23, 02 18:30

A1_I_20.mu

Page 1/1

```

/++
Al_I_20 -- Az Analízis I. példatár I/20. feladatának megoldása

Al_I_20 (a,m,n)

a - bemenő a
m - monotonitási irány (1: növekvő, -1: csökkenő)
n - a vizsgált n-ek maximális száma
++*/

Al_I_20 := proc (a,m,n)
local v,i,f,f_e;
begin
    if abs(m) <> 1 or n=1 then
        return(FAIL);
    end_if;

    v:=TRUE;
    i:=1;
    while v and (i<=n) do
        f:=i*(a^(1/i)-1);
        print(float(f));
        if i>1 then
            /*
             * Ha itt nem konvertálunk float-ba, akkor hibaüzenetet
             * kaphatunk, ugyanis csak valós számokat lehet összehasonlítani
             * egymással:
             */
            if float(f-f_e)*m<0 then v:=FALSE;
            end_if;
        end_if;
        f_e:=f;
        i:=i+1;
    end_while;

    i:=i-1;
    if not v then
        i:=i-1;
    end_if;
    if m=-1 then
        print(Unquoted,"Monoton csökkenés n=".expr2text(i)."-ig");
    else
        print(Unquoted,"Monoton növekedés n=".expr2text(i)."-ig");
    end_if;
end_proc;

// Példa:
Al_I_20(3.5,-1,10);

```

már 17, 02 0:00	numint.mu	Page 1/2
<pre> /* * Trapézformula, ld. Móricz Ferenc: Numerikus módszerek az algebrában * és az analízisben, 130. o. illetve Leindler László: Analízis, Nemzeti * könyvkiadó, 1993, 195. o. * A sum eljárás beépített függvény. */ Trapez := proc (N) begin return((b-a)/N*(f(a)/2+f(b)/2+sum(f(a+k*(b-a)/N),k=1..N-1))); end_proc; factor(Trapez(6)); Simpson := proc (N) begin return((b-a)/(6*N)*(f(a)+f(b)+ 4*sum(f(a+(2*k+1)*(b-a)/(2*N)),k=0..N-1)+ 2*sum(f(a+(2*k)*(b-a)/(2*N)),k=1..N-1))); end_proc; factor(Simpson(3)); /* * Romberg-rekurzió */ T := proc (k,m) begin if m=Nil or m=0 then return(Trapez(k)); end_if; return((4^m*T(2*k,m-1)-T(k,m-1))/(4^m-1)); end_proc; //////////////////////////////////// f:=sin; a:=0; b:=PI; DIGITS:=20; /* * Határozott integrál számítása (beépített függvény) */ int(f(x),x=a..b); /* * Illusztráljuk, hogy a trapézformula mennyire lassú konvergenciát ad * (a számolási igény is nagy): 1000-es egyenlő beosztásnál csak 5 tizedesjegy * pontosságot kapunk. */ for i from 1 to 3 do print(float(Trapez(10^i))); end_for; /* * A Simpson-formula lényegesen gyorsabban közelít. </pre>		

már 17, 02 0:00	numint.mu	Page 2/2
<pre> /* for i from 1 to 3 do print(float(Simpson(10^i))); end_for; /* * A Romberg-iteráció k=1 esetén már az m=4 esetben 8 jegy pontosságot ad. */ for i from 1 to 4 do print(T(1,i)); print(float(T(1,i))); end_for; /* * k növelése tovább javítja a konvergencia sebességét. */ for i from 1 to 4 do print(T(2,i)); print(float(T(2,i))); end_for; /* * A Romberg-iteráció "elég gyors". */ DIGITS:=50; for i from 1 to 10 do elteres:=float(2-T(1,i)); tizedesjegy_pontossag:=trunc(abs(trunc(log(10,elteres)))); print(Unquoted, "Pontosság: ". expr2text(tizedesjegy_pontossag). " tizedesjegy."); end_for; </pre>		

már 16, 02 0:00

Romberg.mu

Page 1/1

```
/*
 * Ez a program szimbolikusan kiszámolja a Romberg-féle integrálásnál
 * fellépő  $T(k,m)$  kifejezéseket. Az eljárást részletesen ld.
 * Móricz Ferenc: Numerikus módszerek az algebrában és az analízisben c.
 * könyvében, 136. o.; az ott leírt eljárásnál olvasható jelölés helyett
 * itt  $T(k,m)$  az ottani  $T(2^m k, m)$ -et jelöli.
 * Copyright (C) Kovács Zoltán, 2002/03/16
 */

T := proc (k,m)
begin
    if m=Nil or m=0 then
        return(procname(k));
    end_if;
    return((4^m*T(2*k,m-1)-T(k,m-1))/(4^m-1));
end_proc;

T(k,0);
factor(T(k,1));
factor(T(k,2));
factor(T(k,3));
factor(T(k,7));
```