

7. feladatsor – Dimenzió, bázis – Megoldások

7.1. Feladat. a) $r = 3$, nem bázis

- b) $r = 2$, nem bázis
- c) $r = 3$, bázis
- d) $r = 4$, bázis

7.2. Feladat. a) $(1, -2, 3)$

- b) $(1, -1, 0)$
- c) $(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}, -2)$

7.3. Feladat. a) $r = 3$, bázis: $(0, 1, 2, 4), (2, -1, 2, 2), (1, -1, 1, 2)$

- b) $r = 2$, bázis: $(1, 2, 4, 1), (0, 0, 2, -1)$
- c) $r = 4$
- d) $r = 2$, bázis: $(0, 0, 0, 1), (2, 1, 3, 0)$
- e) $r = 2$, bázis: $(3, 1, 0, 0), (1, 0, 1, 0)$

7.4. Feladat. a) $U_1 + U_2 = [(1, 2, 1, 0), (0, 3, 2, 1), (0, 0, 1, 2)]$

$$U_1 \cap U_2 = [(2, 1, 0, -1)]$$

b) $U_1 + U_2 = [(1, 2, 1, 3), (0, -2, 3, -1), (0, 0, 1, -3)]$

$$U_1 \cap U_2 = [(0, -2, 3, -1)]$$

c) $U_1 + U_2 = \mathbb{R}^4$

$$U_1 \cap U_2 = [(3, -3, 2, 1)]$$

d) $U_1 + U_2 = [(1, 0, 0, 0), (0, 0, 0, 1), (0, 2, 1, 0)]$

$$U_1 \cap U_2 = [(-3, 2, 1, -3)]$$