

Mivel 360 prímfelbontása $360 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$, az univerzum és a „szitálandó” halmazok ebben az esetben a következők lesznek:

$$U = \{1, 2, \dots, 360\}, \quad R_1 = \{a \in U : 2 \mid a\}, \quad R_2 = \{a \in U : 3 \mid a\}, \quad R_3 = \{a \in U : 5 \mid a\}.$$

Minden második szám osztható 2-vel, minden harmadik szám osztható 3-mal, és minden ötödik szám osztható 5-tel, ezért a fenti halmazok elemszáma

$$|U| = 360, \quad |R_1| = \frac{360}{2} = 180, \quad |R_2| = \frac{360}{3} = 120, \quad |R_3| = \frac{360}{5} = 72.$$

Pontosan azok a számok relatív prímek 360-hoz, amelyek se 2-vel, se 3-mal, se 5-tel nem oszthatóak, tehát $\varphi(360) = |\overline{R_1 \cup R_2 \cup R_3}|$. Erre a szita-formula a következőképpen fest:

$$|\overline{R_1 \cup R_2 \cup R_3}| = |U| - |R_1| - |R_2| - |R_3| + |R_1 \cap R_2| + |R_1 \cap R_3| + |R_2 \cap R_3| - |R_1 \cap R_2 \cap R_3|.$$

Ki kell tehát számítanunk a halmazok páronkénti metszeteinek, valamint a három halmaz metszetének elemszámát. Lévéen 2 és 3 relatív prím, $R_1 \cap R_2$ pontosan azokat az U -beli számokat tartalmazza, amelyek 6-tal oszthatóak, ilyenből pedig $\frac{360}{6} = 60$ van. Hasonló megfontolással kapjuk az $R_1 \cap R_3$, $R_2 \cap R_3$ és az $R_1 \cap R_2 \cap R_3$ halmazokat illetve elemszámukat:

$$R_1 \cap R_2 = \{a \in U : 2 \mid a \text{ és } 3 \mid a\} = \{a \in U : 6 \mid a\}, \quad |R_1 \cap R_2| = \frac{360}{6} = 60;$$

$$R_1 \cap R_3 = \{a \in U : 2 \mid a \text{ és } 5 \mid a\} = \{a \in U : 10 \mid a\}, \quad |R_1 \cap R_3| = \frac{360}{10} = 36;$$

$$R_2 \cap R_3 = \{a \in U : 3 \mid a \text{ és } 5 \mid a\} = \{a \in U : 15 \mid a\}, \quad |R_2 \cap R_3| = \frac{360}{15} = 24;$$

$$R_1 \cap R_2 \cap R_3 = \{a \in U : 2 \mid a \text{ és } 3 \mid a \text{ és } 5 \mid a\} = \{a \in U : 30 \mid a\}, \quad |R_1 \cap R_2 \cap R_3| = \frac{360}{30} = 12.$$

Mindezeket behelyettesítve a szita-formulába, megkapjuk $\varphi(360)$ értékét:

$$\varphi(360) = 360 - 180 - 120 - 72 + 60 + 36 + 24 - 12 = 96.$$

Ha nem számolunk ki mindent, akkor megfigyelhetjük, hogyan alakul $\varphi(m)$ képlete ebben a speciális esetben:

$$\begin{aligned} \varphi(360) &= 360 - \frac{360}{2} - \frac{360}{3} - \frac{360}{5} + \frac{360}{2 \cdot 3} + \frac{360}{2 \cdot 5} + \frac{360}{3 \cdot 5} - \frac{360}{2 \cdot 3 \cdot 5} = \\ &= 360 \cdot \left(1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{2 \cdot 5} + \frac{1}{3 \cdot 5} - \frac{1}{2 \cdot 3 \cdot 5}\right) = \\ &= 360 \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{3}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{5}\right). \end{aligned}$$

A legutolsó lépés, a szorzattá alakítás, egy kicsit trükkösnek tűnhet. Könnyebb követni, ha jobbról balra olvassuk: az $\left(1 - \frac{1}{2}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{3}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{5}\right)$ szorzatban bontsuk fel a zárójeleket (szorozzunk össze „mindenkit mindenkivel”), és figyeljük meg, hogy valóban a középső sorban álló kifejezést kapjuk. Ha ez már stimmel, akkor gondolkodjunk el azon, hogy hogyan fest az $\left(1 - \frac{1}{p_1}\right) \cdot \dots \cdot \left(1 - \frac{1}{p_k}\right)$ szorzat hasonló kifejtése. (Hány tagja lesz, és hogy néz ki egy tipikus tag?)